

ชื่อเรื่องวิทยานิพนธ์

เคอร์เนลเชิงคิสตริบิวชันที่สัมพันธ์กับตัวดำเนินการไคเมอนด์

ชื่อผู้เขียน

นายกัมพล ศรีอัจฉรัตน์

วิทยาศาสตรดุษฎีบัณฑิต

สาขาวิชาคณิตศาสตร์

คณะกรรมการที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์

ศ. อำนวย ขันนัน ไทย

ประธานกรรมการ

รศ. ดร. วิทักษ์ ลงกรณ์

กรรมการ

รศ. ดร. สุเทพ สวนไใต้

กรรมการ

รศ. ดร. สมยศ พลับเทียง

กรรมการ

รศ. ดร. กฤษณะ เนียมมนภัย

กรรมการ

อ. ดร. ปีระพงษ์ เนียมทรัพย์

กรรมการ

บทคัดย่อ

ในวิทยานิพนธ์เล่มนี้ แรกสุด ได้ศึกษาไคเมอนด์เคอร์เนลของมาร์เซลลิสซ์และให้ผลเฉลย  
แล่งชัดของสมการ  $\Diamond^k u(x) = \varphi(x)$  เมื่อ  $\Diamond^k$  เป็นตัวดำเนินการไคเมอนด์ซึ่งกัน  $k$  ครั้ง ต่อจาก  
นั้น ได้ให้ผลเฉลยของสมการไม่เชิงเส้น

$$\Diamond^k u(x) = f(x, \Delta^{k-1} \Box^k u(x))$$

เมื่อ  $\Diamond, \Delta$  และ  $\Box$  เป็นตัวดำเนินการไคเมอนด์, ลาปลาเซียน และอุลตร้าไซเพอร์โบลิก ตามลำดับ  
และยังได้อธิบายผลเฉลยนี้มีความสัมพันธ์กับสมการคลื่นท้าบที่สุด ได้ให้ผลเฉลยของสมการ

$$\Diamond_{c_1}^k \Diamond_{c_2}^k u(x) = f(x, \Delta_{c_1}^{k-1} \Box_{c_1}^k \Diamond_{c_2}^k u(x))$$

โดยที่ผลเฉลยนี้มีความสัมพันธ์กับคลื่นยีดหยุ่น

**Thesis Title** Distributional Kernel Related to the Diamond Operator

**Author** Gumporn Sritanratana

**Ph.D.** Mathematics

**Supervisor Committee**

Prof. Amnuay Kananthai	Chairman
Assoc. Prof. Dr. Vited Longani	Member
Assoc. Prof. Dr. Suthep Suantai	Member
Assoc. Prof. Dr. Somyot Plubtieng	Member
Assoc. Prof. Dr. Kritsana Neammanee	Member
Lecturer Dr. Piyapong Niamsup	Member

## ABSTRACT

In this thesis, firstly we study the Diamond kernel of Marcel Riesz and then we give an explicit formula of the solution of the equation  $\Diamond^k u(x) = \varphi(x)$  where  $\Diamond^k$  is the Diamond operator iterated  $k$ -times. Next we give the solution of the nonlinear equation  $\Diamond^k u(x) = f(x, \Delta^{k-1} \square^k u(x))$  where  $\Diamond$ ,  $\Delta$ , and  $\square$  are the Diamond, Laplacian and ultra-hyperbolic operators respectively. Moreover, such solution related to the wave equation. Finally, we give the solution of the equation  $\Diamond_{c_1}^k \Diamond_{c_2}^k u(x) = f(x, \Delta_{c_1}^{k-1} \square_{c_1}^k \Diamond_{c_2}^k u(x))$  and such solution related to the elastic wave.