



ลิขสิทธิ์มหาวิทยาลัยเชียงใหม่

Copyright© by Chiang Mai University
All rights reserved

วิเคราะห์แบบจำลองทางสถิติ

รูปแบบทั่วไปของแบบจำลอง โทบิต กำหนดให้ดังนี้ คือ

$$(1) \quad y_1 = \begin{cases} Bx_1 + u_1 & \text{ถ้า RHS} > 0 \\ 0 & \text{ในกรณีอื่น} \end{cases} \quad (i = 1, 2, \dots, N)$$

โดยที่ RHS คือ ส่วนที่อยู่ด้านขวามือของสมการ

y_1 คือ ค่าสังเกตของตัวแปรตามในตัวอย่างที่ i

B คือ คอลัมน์เวกเตอร์ขนาด $k \times 1$ ของพารามิเตอร์ที่ไม่ทราบค่า

x_1 คือ คอลัมน์เวกเตอร์ขนาด $k \times 1$ ของตัวแปรอิสระที่ทราบค่าในตัวอย่างที่ i

u_1 คือ ตัวคลาดเคลื่อนในตัวอย่างที่ i โดยกำหนดให้มีการแจกแจงแบบปกติที่มีค่าเฉลี่ยเท่ากับศูนย์ และความแปรปรวนเท่ากับ σ^2 หรือ $N(0, \sigma^2)$

ดังนั้น ปัญหาก็คือ การประมาณค่าพารามิเตอร์ B และ σ^2 ภายใต้ค่าสังเกตจำนวน N ของ y_1 ภายใต้ x_1

ในการพิจารณาสมการที่ (1) ถ้าให้ N_0 คือจำนวนของค่าสังเกต

สำหรับค่า $y_1 = 0$ และให้ N_1 คือจำนวนของค่าสังเกตสำหรับค่า $y_1 > 0$

ดังนั้น ฟังก์ชันสมการถดถอยสำหรับค่า y_1 จำนวน N_1 ค่าสังเกต จึงสามารถเขียนได้ดังนี้คือ

$$(2) \quad E(y_1/x_1, y_1 > 0) = Bx_1 + E(u_1/y_1 > 0)$$

Amemiya (1986) และ Judge and others (1985) ได้ชี้ให้เห็นว่าการประมาณค่าของค่าสังเกตทั้งหมดของ y ภายใต้ตัวแปรกำหนด x โดยวิธี OLS จะให้ผลการประมาณค่าที่ลำเอียง (biased) หรือแม้แต่การประมาณค่าของ y_1 เฉพาะค่าสังเกต N_1 จำนวน ตามสมการที่ (2) ถ้าค่าคาดหวังของตัวคลาดเคลื่อนมีค่าเท่ากับศูนย์ $E(u_1) = 0$ การประมาณค่าพารามิเตอร์ B ก็คงจะไม่มีปัญหาเนื่องจากสามารถใช้ OLS กับจำนวนค่าสังเกต N_1 จำนวน เหล่านี้ได้ โดยจะได้ค่า B ที่ให้ค่าไม่ลำเอียง แต่เนื่องจากกรณีนี้ค่าคาดหวังของตัวคลาดเคลื่อนไม่เท่ากับศูนย์ $E(u_1) \neq 0$ ซึ่งอาจแสดงได้ดังนี้คือ

$$(3) \quad E(u_1/y_1 > 0) = E(u_1/u_1) - Bx_1$$

ดังนั้นการประมาณค่าโดยวิธี OLS สำหรับค่าพารามิเตอร์ในกรณีเหล่านี้ จึงทำให้ได้ค่า B ที่ลำเอียง และไม่ตรงเป้า (inconsistent) และเพื่อแก้ปัญหาที่เกิดกับการประมาณการแบบจำลองโทบิตโดย OLS จึงทำให้การวิเคราะห์แบบจำลองนี้โดยทั่วไปนิยมใช้ วิธีการประมาณการแบบภาวะความน่าจะเป็นสูงสุด (maximum likelihood estimator)

Fair (1977), Maddala (1984) ได้เสนอวิธีการประมาณค่าพารามิเตอร์ของแบบจำลองโทบิตไว้ละเอียดพอสมควร โดย Fair กล่าวถึงว่าการประมาณค่าของ Tobin นั้น เป็นการประมาณการโดยทั่วไป ตามวิธีการของ Newton's method ดังนั้น Fair จึงได้เสนอทางเลือกใหม่สำหรับการประมาณการแบบจำลองโทบิต แต่สำหรับการนำเสนอวิธีการวิเคราะห์แบบจำลองทางสถิตินี้จะขออ้างถึงงานของ Maddala ที่ได้เสนอวิธีการประมาณการโดยมีแนวคิดจากงานของ Fair พอสังเขปดังนี้

เพื่อความสะดวกในการวิเคราะห์จะขอกำหนดสิ่งต่าง ๆ ดังนี้

$$(4) \quad F_1 = F(Bx_1, \sigma^2) = \int_{-\infty}^{Bx_1} (2\pi\sigma^2)^{-1/2} \exp(-t^2/2\sigma^2) dt$$

$$(5) \quad f_1 = f(Bx_1, \sigma^2) = (2\pi\sigma^2)^{-1/2} \exp[-(1/2\sigma^2)(Bx_1)^2]$$

$$(6) \quad \Phi_1 = F_1 = \int_{-\infty}^{Bx_1/\sigma} (2\pi)^{-1/2} \exp(-t^2/2) dt$$

$$(7) \quad \phi_1 = \sigma f_1 = (2\pi)^{-1/2} \exp[-(Bx_1)^2/2\sigma^2]$$

โดยที่ ϕ_1 และ Φ_1 คือ density function และ distribution function ของการแจกแจงแบบปกติมาตรฐาน ประเมินที่ Bx_1/σ

$$(8) \quad r_1 = \phi_1 / (1 - \Phi_1)$$

$Y_1' = (y_1, y_2, \dots, y_{N_1})$ คือ เวกเตอร์ $1 \times N_1$ ของค่าสังเกต

ที่ไม่เป็นศูนย์ของตัวแปร y_1

$X_1' = (x_1, x_2, \dots, x_{N_1})$ คือ เมตริก $k \times N_1$ ของค่าสังเกต x_1

ของตัวแปรที่ไม่เป็นศูนย์ของ y_1

$X_0' = (x_{N_1+1}, \dots, x_N)$ คือเมตริก $k \times N_0$ ของ x_1 ที่ค่า $y_1=0$

$r_0' = (r_{N_1+1}, \dots, r_N)$ คือเวกเตอร์ $1 \times N_0$ ของ r_1 ที่ค่า $y_1=0$

ดังนั้นสำหรับค่าสังเกตที่ y_1 มีค่าเป็น 0 สิ่งที่เราพบคือ

$$(9) \quad P(y_1=0) = P(u_1 < -Bx_1) = (1-F_1)$$

และสำหรับค่าสังเกตที่ y_1 มากกว่า 0 ก็จะได้

$$(10) \quad P(y_1 > 0) \cdot f(y_1/y_1 > 0) = (2\pi\sigma^2)^{-1/2} \exp[-(y_1 - Bx_1)^2/2\sigma^2]$$

ดังนั้นฟังก์ชันภาวะความน่าจะเป็น คือ

$$(11) \quad L = \prod_0 (1-F_1) \prod_1 (2\pi\sigma^2)^{-1/2} \exp[-(y_1 - Bx_1)^2/2\sigma^2]$$

โดยที่ผลคูณอันดับแรกเป็นผลคูณทั้งหมดของค่าสังเกต N_0 สำหรับ $y_1=0$ และผลคูณอันดับที่สองเป็นผลคูณของค่าสังเกต N_1 สำหรับ $y_1>0$ ดังนั้น ค่า L จึงต้องทำให้มีค่าสูงสุด โดยมุ่งต่อ B และ σ^2 ซึ่งค่า \log ของ L เป็นดังนี้

$$(12) \quad \log L = \sum_0 \log(1-F_1) + \sum_1 \log[1/(2\pi\sigma^2)^{1/2}] - \sum_1 [(y_1 - Bx_1)^2/2\sigma^2]$$

เมื่อหาอนุพันธ์อันดับแรกของ $\log L$ โดยมุ่งต่อ B และ σ^2 แล้วทำให้มี

ค่าเท่ากับศูนย์ก็จะได้

$$(13) \quad \partial \log / \partial B = -\sum_0 [f_1 x_1 / (1-F_1)] + (1/\sigma^2) \sum_1 (y_1 - Bx_1) x_1 = 0$$

$$(14) \quad \partial \log L / \partial \sigma^2 = (1/2\sigma^2) \sum_0 [Bx_1 f_1 / (1-F_1)] - N_1 / 2\sigma^2 + (1/2\sigma^4) \sum_1 (y_1 - Bx_1)^2 = 0$$

เมื่อคูณสมการที่ (13) ด้วย $B/2\sigma^2$ แล้วรวมกับสมการที่ (14) ก็จะสามารถหาค่า σ^2 ได้ดังนี้

$$(15) \quad \sigma^2 = (1/N_1) \sum_1 (y_1 - Bx_1) y_1 = Y_1'(Y_1 - X_1 B) / N_1$$

และเมื่อคูณสมการที่ (13) ด้วย σ สมการก็จะกลายเป็น

$$(16) \quad -X_0' r_0 + (1/\sigma) X_1'(Y_1 - X_1 B) = 0$$

หรือ

$$B = (X_1' X_1)^{-1} X_1' Y_1 - \sigma (X_1' X_1)^{-1} X_0' r_0$$

สมการที่ (15) และ (16) ใช้สัญลักษณ์จากสมการ (8) โดยขั้นตอนการประมาณค่า B ในแต่ละรอบ (iteration) กล่าวถึงในงานของ Fair (1977)

วิธีการประมาณการแบบจำลองโทบิตดังกล่าวข้างต้นนี้ Fair ได้ชี้ให้เห็นว่าเป็นทางเลือกหนึ่งที่สามารถจะยอมรับได้ และเป็นวิธีการที่รวดเร็วและมีค่าใช้จ่ายที่ต่ำกว่าเมื่อเทียบกับการถอดสมการ ตามวิธีการของนิวตัน ราฟสัน (Newton-Raphson method) ที่ใช้การถอดสมการของการหาอนุพันธ์อันดับสอง (Second derivatives) ของ $\log L$ เพื่อหาค่าของตัวพารามิเตอร์ B และ σ^2 ซึ่งรายละเอียดของวิธีนี้ได้กล่าวถึงในงานของ Amemiya (1973, 1986) และ Maddala (1984)



ลิขสิทธิ์มหาวิทยาลัยเชียงใหม่

Copyright© by Chiang Mai University
All rights reserved

แบบสอบถามลำดับที่.....

แบบสอบถาม

การทำวิทยานพันธ์เรื่อง การตัดสินใจซื้อสินค้าคงทนของผู้บริโภค ในอำเภอเมือง จังหวัดเลย

วันที่เก็บข้อมูล...../...../.....

ชื่อผู้สัมภาษณ์.....

ชื่อผู้ถูกสัมภาษณ์.....

สถานที่ตั้งของครัวเรือน

ตำบล หมู่ที่ ชื่อหมู่บ้าน

บ้านเลขที่ ชื่อหัวหน้าครัวเรือน

ส่วนที่ 1 สถานภาพของครัวเรือน

1.1 หัวหน้าครัวเรือน

1.1.1 อายุ ปี เดือน

1.1.2 ระดับการศึกษา.....

1.1.3 อาชีพ

ข้าราชการ

ค้าขาย

เกษตรกร

อื่น ๆ (ระบุ)

1.1.4 การสมรส

สมรสแล้ว

โสด

1.1.5 อายุของการสมรส (เฉพาะหัวหน้าครัวเรือนที่สมรสแล้ว)

เพียงหนึ่งปี (สมรสปี 2535)

มากกว่าหนึ่งปี (สมรสก่อนปี 2535) โดยสมรสเมื่อปี

ลิขสิทธิ์มหาวิทยาลัยเชียงใหม่
Copyright © by Chiang Mai University
All rights reserved

1.2 สมาชิกของครัวเรือน

จำนวนสมาชิกที่อาศัยอยู่ในครัวเรือนทั้งหมด ...คน (รวมทั้งหัวหน้าครัวเรือน)

- ผู้ใหญ่และเป็นผู้ที่มีรายได้เป็นของตนเอง...คน
- เด็กและผู้ที่อยู่ในวัยศึกษาที่ไม่มีรายได้เป็นของตนเอง...คน

1.3 สถานภาพการเป็นเจ้าของที่อยู่อาศัย

1.3.1 ลักษณะของที่อยู่อาศัย

- บ้าน ใต้ดิน
- ห้องแถว, ตึกแถวและทาวน์เฮาส์
- บ้านหลายหลัง ในพื้นที่เดียวกันหรืออาคารชุด
- เฟิงพักชั่วคราว
- อื่น ๆ (ระบุ)

1.3.2 ลักษณะการเป็นเจ้าของที่อยู่อาศัย

- เป็นเจ้าของบ้านโดยสมบูรณ์ (ทั้งบ้านและที่ดิน)
- ยังอยู่ในระหว่างการผ่อนส่ง (เฉพาะบ้านหรือที่ดิน, หรือทั้งสองอย่าง, หรืออุปกรณ์สร้างบ้านและปรับปรุงดิน)
- บ้านเช่า
- อาศัยบ้านบุคคลอื่นโดยไม่เสียค่าเช่า

1.3.3 ระยะเวลาที่เข้ามาอยู่ในที่อยู่อาศัยปัจจุบัน

- เข้ามาอยู่ได้เพียงหนึ่งปี (เข้ามาอยู่ภายในปี 2535)
- เข้ามาอยู่ได้มากกว่าหนึ่งปี (เข้ามาอยู่ก่อนปี 2535)
- โดยเข้ามาอยู่เมื่อปี

ส่วนที่ 2 สถานทางเศรษฐกิจของครัวเรือน

2.1 รายได้ของครัวเรือนในปี 2534 และ 2535

รายได้ของสมาชิกในครัวเรือน	อาชีพ	2534 (บาทต่อปี)	2535 (บาทต่อปี)
ก. หัวหน้าครัวเรือน.....
ข. รายได้ของบุคคลอื่นที่อยู่ร่วมกันและมีส่วน ในการใช้จ่ายในครัวเรือน			
1.....
2.....
3.....
.....
	รวม		

หมายเหตุ ถ้ารายได้ของสมาชิกในครัวเรือนไม่สามารถจำแนกออกได้ให้รวมเป็นรายได้
ของหัวหน้าครัวเรือน

2.2 สถานภาพการเป็นเจ้าของทรัพย์สินคงทน

ทรัพย์สินคงทน	ไม่มี	มี (ระบุจำนวนหน่วย)	
		เป็นเจ้าของโดยสมบูรณ์	กำลังผ่อนชำระ
1. เครื่องวัดทัศน			
2. เครื่องซักผ้า			
3. เครื่องเสียง (วิทยุเทป, เครื่องสเตอริโอ ฯลฯ)			
4. โทรทัศน์			
5. เครื่องปรับอากาศ			
6. ตู้เย็น			
7. เตารีด/เตาอบ			
8. หม้อหุงข้าวไฟฟ้า			
9. นิตลม			
10. กระจกน้ำร้อนไฟฟ้า			
11. เตาน้ำแก๊ส			
12. เฟอร์นิเจอร์			
13. รถยนต์นั่ง			
14. รถจักรยานยนต์			
15. อื่น ๆ			

2.3 ค่าใช้จ่ายเกี่ยวกับสินค้าคงทนของครัวเรือนเฉพาะ ในปี 2535

รายการ	ไม่มี	มี (ระบุจำนวนเงิน)				รวม
		ซื้อสด	ซื้อผ่อน			
			ดาวน์	ค้างงวด	รวม	
1. เครื่องวัดทัศน
2. เครื่องซักผ้า.....
3. เครื่องเสียง (วิทยุเทป, เครื่องสเตอริโอ ฯลฯ)
4. โทรทัศน์.....
5. เครื่องปรับอากาศ.
6. ตู้เย็น.....
7. เต้าไมโครเวฟ/เตาอบ
8. หม้อหุงข้าวไฟฟ้า
9. น้ดลม.....
10. กระจกน้าร้อนไฟฟ้า..
11. เต้าแก๊ส.....
12. เฟอร์นิเจอร์.....
13. รถยนต์นั่ง.....
14. รถจักรยานยนต์.....
15. อื่น ๆ.....
	รวม					

ส่วนที่ 3 สภาพแวดล้อมในการตัดสินใจในการซื้อสินค้าคงทน

3.1 ในการซื้อสินค้าคงทนแต่ละครั้ง ท่านได้รับสินค้าหรือการซื้อหรือไม่

ได้รับสินค้า

ไม่ได้รับสินค้า

3.2 ในการซื้อสินค้าคงทนแต่ละครั้งท่านมีการวางแผนไว้ก่อนหรือไม่

มีการวางแผน

ไม่มีการวางแผน

3.3 การซื้อสินค้าคงทนแต่ละครั้งมักจะมีผลมาจาก

ตัดสินใจซื้อเอง

ได้รับการชักชวนจากตัวแทนขาย

อื่น ๆ (ระบุ)

3.4 ในการซื้อสินค้าคงทนแต่ละชนิดจะศึกษาคูณสมบัติของสินค้านั้นก่อนหรือไม่

ไม่เคยศึกษาเลย

ต้องศึกษาก่อน

3.5 การซื้อสินค้าคงทนแต่ละครั้งมักจะตัดสินใจโดย

ขอมติจากครอบครัว

หัวหน้าครัวเรือนตัดสินใจเอง

ประวัติผู้เขียน

ชื่อ	นายทัศนากุลรัตน์นาม
วัน เดือน ปี เกิด	19 พฤศจิกายน 2504
ประวัติการศึกษา	สำเร็จการศึกษาประกาศนียบัตรวิชาชีพชั้นสูง (ปวส.) จากวิทยาลัยเทคโนโลยี วิทยาเขตเกษตรสุรินทร์ (ราชมงคล) เมื่อปีการศึกษา 2526 สำเร็จการศึกษาปริญญาตรี สาขาเศรษฐศาสตร์สหกรณ์ จากคณะธุรกิจการเกษตร สถาบันเทคโนโลยีการเกษตรแม่โจ้ จังหวัดเชียงใหม่ เมื่อปีการศึกษา 2528
ประสบการณ์ในการทำงาน	ปี พ.ศ. 2528 - ปัจจุบัน รับราชการเป็นอาจารย์สอน ในภาควิชาเศรษฐศาสตร์ คณะวิชาวิทยาการจัดการ สถาบันราชภัฏเลย ในตำแหน่งอาจารย์ 1 ระดับ 3