

ชื่อเรื่อง การค้นคว้าแบบอิสระเชิงวิทยานิพนธ์ เรื่อง ไชบางประการสำหรับการเป็นฟังก์ชันต่อเนื่อง

แบบวิคลีเดิลตา

ชื่อผู้เขียน

นายอาดุลย์ จงวิรัช

วิทยาศาสตร์มหาบัณฑิต สาขาการสอนคณิตศาสตร์

คณะกรรมการสอบการค้นคว้าแบบอิสระเชิงวิทยานิพนธ์

รองศาสตราจารย์ นวลอนงค์ อิทธิจิระจรัส	ประธานกรรมการ
ศาสตราจารย์ ดร. สมพงษ์ ธรรมนงษา	กรรมการ
รองศาสตราจารย์ นิตยา ณ เชียงใหม่	กรรมการ

**บทคัดย่อ**

งานวิจัยนี้มีจุดมุ่งหมายเพื่อหาเงื่อนไขบางประการที่ทำให้ฟังก์ชันมีความต่อเนื่องแบบวิคลีเดิลตา และหาคุณสมบัติบางประการที่เกี่ยวกับฟังก์ชันต่อเนื่องแบบวิคลีเดิลตา จากการศึกษาพบว่า ฟังก์ชัน  $f: (X, T_x) \rightarrow (Y, T_y)$  ต่อเนื่องแบบวิคลีเดิลตา ก็ต่อเมื่อ  $f^{-1}(\text{Int } F) \subset \text{Int}_s f^{-1}(F)$  สำหรับทุกๆ เซตเปิด  $F$  ใน  $Y$  และฟังก์ชันเปิด  $f: (X, T_x) \rightarrow (Y, T_y)$  ต่อเนื่องแบบวิคลีเดิลตา ก็ต่อเมื่อ  $f^{-1}(cl_s V)$  เป็นเซตเดิลตาปิดใน  $X$  สำหรับทุกๆ เซตเปิด  $V$  ใน  $Y$  และในกรณีที่  $(X, T_x)$  เป็นปริภูมิเซมิ-เรกูลาร์ และ  $(Y, T_y)$  เป็นปริภูมิเรกูลาร์ ฟังก์ชัน  $f: (X, T_x) \rightarrow (Y, T_y)$  ต่อเนื่องแบบวิคลีเดิลตาที่จุด  $x$  ใน  $X$  ก็ต่อเมื่อ  $f$  ต่อเนื่องที่จุด  $x$

Research Title      Some Conditions for Weakly Delta Continuous Functions

Author                Mr.Ardoon Jongrak

M.S.                  Teaching Mathematics

Examining Committee;

Assoc.Prof.Nuananong Iddhichiracharas      Chairman

Prof.Dr.Sompong Dhompongsa                  Member

Assoc.Prof.Nittaya Na-Chiangmai              Member

**Abstract**

The purpose of this research is to find some sufficient conditions for weakly delta continuous functions and some of their properties.

The study shows that , for topological spaces  $(X, T_x)$  and  $(Y, T_y)$ , a function

$f:(X, T_x) \rightarrow (Y, T_y)$  is weakly delta continuous if and only if

$f^{-1}(\text{Int } F) \subset \text{Int}_{\delta} f^{-1}(F)$  for every closed set  $F$  in  $Y$ , an open function

$f:(X, T_x) \rightarrow (Y, T_y)$  is weakly delta continuous if and only if  $f^{-1}(\text{cl}_\theta V)$  is

delta closed set in  $X$  for every open set  $V$  in  $Y$ , and for a semi-regular space

$(X, T_x)$  and a regular space  $(Y, T_y)$ , a function  $f:(X, T_x) \rightarrow (Y, T_y)$  is weakly

delta continuous at point  $x$  in  $X$  if and only if  $f$  is continuous at point  $x$